Self-supervised Learning を用いた 画像からの単子葉植物の分げつ数推定

黄瀬 陸哉^{1,a)} 内海 ゆづ子^{1,b)} 岩村 雅一^{1,c)} 黄瀬 浩一^{1,d)}

概要:単子葉植物における収穫量の指標の1つである分げつ数を計測することは、労働集約的である、破壊調査を伴うといった問題がある.この問題に対して、従来研究では、self-supervised learning (SSL)を用いることで、deep neural network に基づく画像からの分げつ数推定を実現している.しかし、この手法の実験では、成長度合いによって背景の映り方が異なるデータセットを使用しており、植物形状以外の情報を用いて分げつ数の推定をしている可能性がある.本研究では、画像中に植物形状の情報のみが含まれるようデータセットを正規化し、SSLを用いた手法の有効性を検証した.実験の結果、SSLを用いた分げつ数の推定手法は正規化したデータセットにおいても有効であることがわかった.

1. はじめに

世界的な人口の増加に伴い,穀物の需要が増加している. この穀物の需要をまかなうために,2050年までに2011年 の収穫量の60%から110%までに収穫量を増加させる必要 があると予測されている[1].この課題に取り組むべく,植 物育種学や植物遺伝学の分野では作物の品種改良の研究が 盛んに行われている.

近年の品種改良の技術は,植物の遺伝型データ(ジェノ タイプ)が,植物の形状や成長速度,環境応答などといっ た形質としてどう表現されるか (フェノタイプ)を特定す ることが主である. Polymerase chain reaction (PCR)法 を始めとするジェノタイプ技術の急速な発展により,高ス ループットな作物のジェノタイプの特定ができるように なった.しかし,フェノタイプの特定のための植物の定量 計測(フェノタイピング)の技術の発展は遅れをとってお り,フェノタイピングが現在の品種改良研究のボトルネッ クになっている.そのため,高スループットなフェノタイ ピング技術の研究開発が急がれている.

穀物のうち、イネ、小麦、トウモロコシなどの単子葉植物には分げつという形質がある.分げつの例を図1に示す.分げつとは、単子葉植物の根からの枝分かれのことを言う.この数は単子葉植物の収穫量を決定する指標であ

り [3] [4],単子葉植物のフェノタイピングにおいて分げつ 数を数えることは重要な役割を担う.しかし,分げつ数を 手作業で数えることは時間がかかる,破壊調査が必要で継 続的な調査ができないといった問題がある [5].そのため



図 1: イネの分げつの例 [2]. イネの分げつは不伸長茎部 (画像中 B)の葉の脇芽から出現し,伸長茎部 (画像中 A) か らは出現しない. 数字は分げつが出現した葉位を示す.

Ⅰ 大阪府立大学大学院工学研究科知能情報工学分野 Osaka Prefecture University

 $^{^{}a)}$ kinose@m.cs.osakafu-u.ac.jp

^{b)} yuzuko@cs.osakafu-u.ac.jp

c) masa@cs.osakafu-u.ac.jp

 $^{^{\}rm d)}$ kise@cs.osakafu-u.ac.jp

に,非破壊かつ自動の分げつ数推定手法が望まれている.

そこで、本稿では、非破壊かつ自動の分げつ数推定を 画像認識によって実現する.昨今の画像認識では、deep neural network (DNN) に基づく手法が主流となっており、 様々なタスクで好成績を収めている [6].そのため、画像 に基づく分げつ数の推定に対しても DNN が有用であると 期待できる.しかし、一般的に DNN による推定は大規模 な教師データによる学習を必要とする.先述の通り、分げ つ数の計測には非常に手間がかかるため、分げつの教師 データを大量に集めることは困難である.そのため、教師 データが少なくても分げつ数を推定できる手法が望まし い.そこで、内海ら [7] は、ラベル付けが少量しかされてい ないデータセットからでも分げつ数の推定を行うために、 self-supervised learning を用いる手法を提案している.

しかし,この内海らの手法は精度評価に用いられたデー タに問題がある.この手法の実験で使用された画像データ セット [8] は,成長段階によって撮影する倍率を人為的に 定められたものである.そのために,成長段階によって背 景の写り方が異なっており,背景の特徴によって大まかな 分げつ数推定ができてしまうという問題があった.また, フェノタイピングの自動化という観点から見れば,人為的 要素がなるべく排除された状況で分げつ数が推定できるこ とが望ましい.

そこで,本稿では画像の正規化を行ったデータセットに おいて,内海らの手法が有効であるかを検証する.また,[7] の検証していない DNN モデルについても,検証する.

2. 関連研究

本章では,既に考案されている分げつ数推定手法や,植物 を対象にした DNN に基づく手法,そして self-supervised learning に関連する研究について述べる.

2.1 分げつ数の推定手法

分げつは単子葉植物の生育状態の把握のための指標とし ても一般的に用いられている.そのため,旧来から分げつ 数の推定手法は多く考案されてきた.Flowers らは,リモー トセンシングを用いて圃場の近赤外光,可視光の反射率を 測定し,分げつ密度の推定を行う手法を提案している [9]. また,Scotford と Miller は,トラクターに取り付けた分光 器を使い,normalized difference vegetation index を測定 し,分げつ密度の推定を行う手法を提案している [10].し かし,これらの分げつ数の推定手法では大域的に見た分げ つの密度しか推定できず,個体の分げつ数を調査すること には適していない.また,大規模な圃場が必要であったり, 撮影のために晴天の日を選ぶ必要があるなど,計測の制約 条件が厳しい問題もある.

これに対して,植物画像を用いて植物個体の分げつ数 を推定した手法が考案されている [5] [8] [11]. Boyle らや Fahlgren らは、可視光で撮影された画像から画像処理を用 いて、分げつ数を推定した [5] [8]. これらの手法では、発 見的な特徴量を用いて回帰推定を行っており、特徴量の次 元数が小さいために回帰式の表現力が低いという問題があ る.また、Wuらは可視光線とX線による撮影を組み合わ せて高精度な分げつ数推定を実現した [11].しかし、この 手法では大掛かりな設備と莫大な費用が必要であることか ら、一般的に用いるには現実的ではない.

2.2 植物を対象にした DNN に基づく手法

近年の画像認識では DNN に基づく手法の研究が盛んで あり,これは植物を対象にした研究においても例外ではな い.Wangらは、麦の圃場において,トラクターに取り付け たカメラによって上方から撮影された麦の画像から,DNN に基づいて成熟度を推定する手法を提案している [12].こ の手法では、麦の個体の分別をせずに平均的な成熟度を推 定するために、個体の分げつ数の調査への応用は難しい. また,Jinらは、刈り取られた麦を上方から撮影した画像 から DNN に基づく物体検出によって茎の切り口の数を数 える手法を提案している [13].麦の茎の数は分げつ数に近 い指標であるが、地上からの枝分かれは分げつには含まれ ないので、この手法は分げつ数推定とは異なる問題に対し てのものである.また、この手法では刈り取った後にしか 使えず、継続的な調査ができない.

その他の分げつ数の推定に近い問題には leaf counting が ある [14] [15]. これらの手法では、シロイヌナズナやタバ コのように葉が放射状に広がる植物 (ロゼット植物)の葉 の計数を目的とし、上方から撮影した画像に対し、DNN に基づいた葉の数の回帰推定を行っている.しかし、単子 葉植物の分げつはロゼット植物の葉とは異なり、上方から 撮影された画像を用いて計数することが難しく、この手法 を分げつ数の推定に応用することは難しい.

2.3 Self-supervised Learning

Self-supervised learning は大規模なラベル付きデータを 収集することが現実的ではない場合に DNN を用いるため の手法として考案されてきた.深層学習では従来,小規模な 教師データのみで DNN を学習すると十分な特徴表現を得 られないという考えから, CIFAR-10 [16] や ImageNet [17] といった大規模なラベル付データセットによる学習が主流 であった.これに対して, self-supervised learning では,利 用可能な大規模なラベル無しデータから自動でラベル付け の可能な問題を用いて特徴表現を得ることで,データセッ トのラベル付けを少なくすることを可能にした.

自動でラベル付け可能な問題として、入力画像をその ままラベルとする、すなわち入力画像を再構成する方法 (auto encoder) がある [18] [19] [20]. Hinton らは, encoderdecoder 型の auto encoder モデルを構成することで、入 情報処理学会研究報告 IPSJ SIG Technical Report

力画像の特徴表現を学習する手法を提案している [18]. Vincent らは、ノイズを付与した入力画像に対し、ノイズ を除去するように auto encoder モデルを学習させる手法を 提案している [19].また、Zhang らはカラー画像をグレー スケール画像に変換したのち、カラー画像に再度変換する ように auto encoder モデルを学習させる手法を考案して いる [20].これらの手法は、画像そのものを再構成すると いう問題の難しさに欠点がある.

Self-supervised learning では,一見すると関係のなさそ うな問題を用いても,目的の問題に対して有効な特徴表現 を得られることが実験的に明らかにされている.この一見 すると関係のなさそうな問題のことを pretext task と呼ぶ. すでに考案されている pretext task には,画像を分割し, その配列を判別する問題 [21] [22] や,画像を回転させ,そ の回転角を判別する問題 [23] などがある.Pretext task は auto encoder に比べて単純な問題でも目的とする問題に有 効な特徴表現を得られるという利点があり,分げつ数推定 にもその効果が期待できる.

3. 分げつ

本節では、本稿での計測対象である分げつについて述べ る.分げつは、単子葉植物において、茎に生じた葉の側芽 が発達した分枝のことをいう.分げつが出穂(穂が出るこ と)するかはどうかは、分げつが発達する時期によって決 定される.そのため、分げつの増減を継続的に調査してい くことは収量予測に有効である.また、株の生育過程にお ける分げつの増え方は、水や窒素量、株の密集度等の生育 環境に強く影響を受けることから、これらの環境要因との 関係がよく研究されている [8] [24] [25].

分げつの増え方をイネを例にとり説明する.まず種子か ら発芽し、茎が発達する.この茎を主稈と呼ぶ.主稈から 葉が数枚出現すると、下位の葉のわきの側芽が発達して分 げつとなる.イネの場合は、出現した葉の3枚下の葉から 分げつが生じるという規則に概ね従っている.成長してい くと主稈のみでなく、分げつからも新たに分げつを生じる. ここで、主稈から生じる分げつを1次分げつと呼び、n次 分げつから生じる分げつをn+1次分げつと呼び、n次 分げつから生じる分げつをn+1次分げつと呼ぶ.十分に 生長したイネの分げつの状態を図案化ものを図2に示す. この図2のように、イネでは第1葉からは分げつが生じな いことが多い.また、先述のように水や窒素量の多寡や株 間の疎密によっては休眠する側芽が存在するので、少ない 場合には分げつが1本も出ないことがある.

本稿では、この主茎と n 次分げつの総数である分げつ数 を計測対象とする.図 2 では、主稈が 1 本、1 次分げつが 9 本、2 次分げつが 21 本、3 次分げつが 10 本出現している ので、分げつ数は 41 である.



図 2: 主稈の第 13 葉が出現するまで生長したイネの分げつ の様子 [2]. 主稈には 13 – 3 = 10 葉目まで分げつが生じて いる.

4. 内海らの手法

本節では, self-supervised learning のうち pretext task を用いることで, DNN に基づいた分げつ数推定を行った 内海ら [7] の手法について述べる.

4.1 手法の概要

内海らは、分げつ数のラベル付けがされていない大量 の植物画像データセットを用いて、pretext task によって DNN モデルを学習させ、そのモデルを用いて分げつ数の ラベルのついた画像データセットから分げつ数の回帰推定 を行った.

まずはじめに,内海らの用いた pretext task について説 明する.内海らは,植物の画像から,画像中での面積や縦 横比を推定する問題を pretext task として用いて,DNN を学習している.面積や縦横比は Fahlgren らの研究 [8] に おいて分げつ数の推定のために用いられた特徴量であり, 分げつ数に関係がある指標である.また,内海らが用いた データセットは,均一な照明環境下で撮影されていたため, 簡単な画像処理で自動的に植物領域の切り出しが取得可能 である.これらの理由から,面積や縦横比の推定を pretext task として用いている.面積や縦横比の推定は,これらの 数値の回帰推定問題に加え,数値を離散化し,離散値を予 測するクラス分類問題としても扱っている.

続いて、回帰について説明する. Pretext task により得 られた DNN モデルを用いて、画像から特徴抽出を行い、 この特徴量をもとに回帰推定を行った. 回帰にはデータ セットのうち、分げつのラベルがつけられたものの一部を 用いて回帰モデルの学習を行い、残りのデータを用いて評 価を行った. 回帰モデルには、カーネルにより非線形回帰 問題も扱うことが可能で、ノイズに頑健な support vector regression (SVR) [26] を用いた.

実験の結果,内海らの手法は,Hand-crafted な特徴を 用いた Fahlgren ら [8] よりもより良い推定結果を示し,





図 4: 正規化を行った画像例.

Pretext task で学習した特徴表現が分げつ数推定に有効で あることが示された.

4.2 評価の問題点

この内海らの手法の実験に用いられた画像データセット には倍率に関する問題がある.データセットの一部を図 3 に示す.このデータセットは、室内環境で数週間に亘って 栽培されたエノコログサを、同一照明条件の下で数日おき に1株ごとに横方向から撮影されたものである.画像の色 空間は RGB 色空間で、画像サイズは 2,454×2,056 pixels, 画像形式は PNG である.図 3 に示すように、撮影倍率は 株の成長度合いに応じて 500 倍、700 倍、2500 倍、3500 倍 の4種類から人為的に決定されており、倍率によって鉢や 背景の写り方が異なっている.また、鉢や背景の写り方の 違いに注目した特徴表現を DNN モデルが学習してしまい、 その特徴表現で回帰推定を行ってしまうおそれがある.そ のために、内海らの手法は倍率の条件が揃ったデータセッ トで検証することが望ましい.

5. 実験

内海らの手法が正規化したデータセットについても有効 であるかを検証するために,実験を行った.

5.1 データセットの正規化

4.2 で述べた理由から、本論文では内海らの使用したデー タセットの倍率の違いの影響を小さくするため、画像の正 規化を行った.図3に示す通り、画像中の鉢は金属製の治 具によって固定されている.実際の治具の一辺の長さは全 て等しいと仮定し、この長さを基準に画像サイズを変更す る.基準にした治具の下部や、バックスクリーンの外側の 部分をトリミングした後、基準にした治具の一辺の長さが 全て同じになるように画像を縮小した.そして、治具の位 置を中央下に揃え、画像が正方形になるように余白部分を 白で塗り潰すことで、倍率による写り方の違いを最小限 にした.最終的に、DNN モデルの入力層に合うように、 224×224 pixels に画像を縮小した.以上の操作によって正 規化を行った画像の例を図4に示す.この一連の画像処理 は OpenCV^{*1}を用い,画像の縮小の際の画素間の補間には Bicubic 補間を用いた.

5.2 実験環境

実験には, Fahlgren らの研究で用いられたデータセット を 5.1 で正規化をしたものを使用した. このデータセット には, 25,570 枚の画像が含まれており, そのうち 577 枚に 分げつ数のラベルが付与されている.

Pretext task に使用する植物部分のピクセル領域や縦横 比の計算には PlantCV [8] を使用した. ピクセル領域や縦 横比は 4 あるいは 8 段階の離散値に量子化し,クラス分 類問題として DNN モデルを学習させた. なお,内海らの 手法では回帰問題も使用していたが,本実験では使用し ていない. DNN モデルには,内海らの手法で用いられた VGG16 [6] の他に,ResNet50 [27] を使用した. 2つのモ デルは ImageNet で学習済みのモデルである. VGG16 で は 15 層目までのパラメータを固定し,ResNet50 では 158 層目までのパラメータを固定した. 学習のためにはデー タセットの画像 25,570 枚のうち,80%を train データに, 20%を test データに使用した. DNN の学習および回帰の ための特徴抽出には Keras^{*2}を TensorFlow バックエンド で使用し,回帰の SVR は scikit-learn [28] を使用した.

回帰モデルには予備実験の結果から, radial basis function カーネルの SVR を使用し, コストパラメータC = 100, 許容交差 $\epsilon = 1.0$ とした.回帰推定のためのデータセット には,分げつ数のラベルのついた画像データ 577 枚を使 用した.推定精度の評価のために 6-fold cross validation を用い,それぞれの平均絶対誤差 (Mean Absolute Error: MAE)を用いた.言及していないハイパーパラメータは 全てデフォルト値である.計算機は GPU に NVIDIA[®] TITAN RTXTM を使用した.

正規化したデータセットでの推定精度を評価するために, Fahlgren らの手法 [8] との比較をした.Fahlgren らの手法 では,分げつ数 TCを,画像中の植物部分の縦横比 HWおよび植物の新鮮重量 M_{fw} を用いて次式のように表現し ている.

$$TC = 0.220M_{fw} - 2.19HW + 5.26\tag{1}$$

なお,この式における新鮮重量 *M*_{fw} は画像中の植物部分 が占める面積 *A*_{sv} を用いて次式のように表現される.

$$M_{fw} = 3.755 \times 10^{-5} A_{sv} + 0.2704 \tag{2}$$

5.3 結果

分げつ数の推定結果を表1に示す.正規化した場合,推

*2 https://keras.io

^{*1} https://opencv.org

定誤差が最も大きい pretext task として ResNet50 に縦横 比の4クラス分類問題を解かせた場合であっても, Fahlgren らの手法に上回る推定精度を示した.このことから、内海 らの手法は正規化をしたデータセットであっても有効であ ることが明らかとなった.また,DNN モデルに VGG16 を用いた場合の、正規化をしたデータセットと正規化をし ていないデータセットでの推定結果を比較すると、いずれ においても正規化を用いた場合の推定結果が正規化を用い なかった場合よりも高い推定精度を示した. これは, 正規 化をすれば画像中に含まれる倍率の違いの情報を元に分げ つ数推定をすることができなくなり、正規化をしない場合 に比べて推定精度が下がるという予想に反する結果であ る.この理由としては、画像中の背景や鉢の情報が正規化 によって失われたことで、DNN モデルが植物部分のみに 注目することが可能になり、分げつ数推定のための特徴表 現が得やすくなったことが考えられる.

次に,正規化した場合に推定精度が最も良かった縦横比の 4クラス分類問題で学習させた VGG16 について,分げつ数 の実測値に対する推定値をプロットした結果を図 5 に示す. この図では,横軸が分げつ数の実測値を示し,縦軸が推定値 を示しており,青の直線は実測値と予測値が一致するライ ンである.また,プロット点の色は 6-fold validation にお いての各 validation を示している.比較として,Fahlgren らの手法による結果を記載している.Fahlgren らの手法の プロット点の色はそれぞれエノコログサの遺伝系統を示し ている.Fahlgren らの手法では分げつ数の実測値が 4 前 後のサンプルに対しては予測値にばらつきがみられるのに 対し,提案手法では予測値のばらつきが小さく抑えられて いる.

また,図 6,7に,今回の実験で使用した全てのモデルに ついて,分げつ数の実測値に対する推定値をプロットした 結果を示す.この図では,分げつ数の実測値が大きくなる と,推定精度が低くなっていることが示された.この理由 として,分げつ数のラベル付き画像データのうち,大きい 分げつ数のラベルのついた画像データが少ないことが考え られる.単子葉植物の成長に伴う分げつ数の増加率には差 があるため,大きい分げつ数の画像データが少なくなって しまうことは避けられない.そのため,data augmentation によって大きい分げつ数のラベル付きデータを増やすこと や,分げつ数の大小に影響を受けずに分げつの特徴表現を 得られるような pretext task を考えることで,さらなる推 定精度の改善が見込める.

6. まとめと今後の課題

本稿では, 倍率の正規化をしたデータセットでも内海ら の手法が有効であることを検証した.内海らの提案した Self-supervised learning を用いた分げつ数の推定手法は, 画像データセットに含まれる倍率情報の違いによって分

表 1: 推定した分げつ数の MAE.

		Pretext task			
		ピクセル領域		縱橫比	
手法		4cls.	8cls.	4cls.	8cls.
正規化有	(VGG16)	0.80	0.81	0.78	0.78
	(ResNet50)	0.83	0.84	0.88	0.87
正規化無	(VGG16) [7]	0.95	1.05	0.80	1.05
Fahlgren et al. [8]		0.98			





げつ数推定ができてしまうおそれがあった.そこで,画像 データセットの倍率の正規化を行い,内海らの手法は倍率 情報を用いなくても分げつ数推定ができることを実証した.

今後の課題としては、大きい分げつ数をもつサンプルに ついても高い精度で推定を行うための、data augmentation や pretext task の考案が挙げられる.また、内海らの手法 がエノコログサ以外の単子葉植物についても有効であるか についても検証する.

謝辞 本研究は JSPS 科研費 JP18K18074 の助成を受け たものです.

参考文献

- Ray, D. K., Mueller, N. D., West, P. C. and Foley, J. A.: Yield Trends Are Insufficient to Double Global Crop Production by 2050, *PLoS ONE*, Vol. 8, No. 6 (2013).
- [2] 星川清親: 解剖図説 イネの生長,一般社団法人 農山漁村 文化協会 (1975).
- [3] Yang, G., Xing, Y., Li, S., Ding, J., Yue, B., Deng, K., Li, Y. and Zhu, Y.: Molecular dissection of developmental behavior of tiller number and plant height and their relationship in rice (Oryza sativa L.), *Hereditas*, Vol. 143, No. 2006, pp. 236–245 (2006).
- [4] Lafarge, T. A. and Hammer, G. L.: Tillering in grain sorghum over a wide range of population densities: Modelling dynamics of tiller fertility, *Annals of Botany*, Vol. 90, No. 1, pp. 99–110 (2002).
- [5] Boyle, R. D., Corke, F. M. K. and Doonan, J. H.: Automated estimation of tiller number in wheat by ribbon detection, *Machine Vision and Applications*, Vol. 27, No. 5, pp. 637–646 (2016).
- [6] Simonyan, K. and Zisserman, A.: Very deep convolutional networks for large-scale image recognition, *Proc.* of *ICLR*, pp. 1–14 (2015).
- [7] 内海ゆづ子,中村浩一朗,岩村雅一,黄瀬浩一: Pretext task を用いた植物画像からの分げつ数の推定,電子情報 通信学会技術研究報告, Vol. 119, No. 64, pp. 265–270 (2019).
- [8] Fahlgren, N., Feldman, M., Gehan, M. A., Wilson, M. S., Shyu, C., Bryant, D. W., Hill, S. T., McEntee, C. J., Warnasooriya, S. N., Kumar, I., Ficor, T., Turnipseed, S., Gilbert, K. B., Brutnell, T. P., Carrington, J. C., Mockler, T. C. and Baxter, I.: A versatile phenotyping system and analytics platform reveals diverse temporal responses to water availability in Setaria, *Molecular Plant*, Vol. 8, No. 10, pp. 1520–1535 (2015).
- [9] Flowers, M., Weisz, R. and Heiniger, R.: Remote Sensing of Winter Wheat Tiller Density for Early Nitrogen Application Decisions, *Agronomy Journal*, Vol. 93, No. 4, pp. 783–789 (2001).
- [10] Scotford, I. M. and Miller, P. C. H.: Estimating tiller density and leaf area index of winter wheat using spectral reflectance and ultrasonic sensing techniques, *Biosystems Engineering*, Vol. 89, No. 4, pp. 395–408 (2004).
- [11] Wu, D., Guo, Z., Ye, J., Feng, H., Liu, J., Chen, G., Zheng, J., Yan, D., Yang, X., Xiong, X., Liu, Q., Niu, Z., Gay, A. P., Doonan, J. H., Xiong, L. and Yang, W.: Combining high-throughput micro-CT-RGB phenotyping and genome-wide association study to dissect the genetic architecture of tiller growth in rice, *Journal of Experimental Botany*, Vol. 70, No. 2, pp. 545–561 (2019).
- [12] Wang, X., Xuan, H., Evers, B., Shrestha, S., Pless, R.

and Poland, J.: High-throughput phenotyping with deep learning gives insight into the genetic architecture of flowering time in wheat, *GigaScience*, Vol. 8, No. 11, pp. 1–11 (2019).

- [13] Jin, S., Su, Y., Gao, S., Wu, F., Hu, T., Liu, J., Li, W., Wang, D., Chen, S., Jiang, Y., Pang, S. and Guo, Q.: Deep learning: Individual maize segmentation from terrestrial lidar data using faster R-CNN and regional growth algorithms, *Frontiers in Plant Science*, Vol. 9, No. June, pp. 1–10 (2018).
- [14] Aich, S. and Stavness, I.: Leaf counting with deep convolutional and deconvolutional networks, *Proc. of ICCVW*, pp. 2080–2089 (2017).
- [15] Dobrescu, A., Giuffrida, M. V. and Tsaftaris, S. A.: Leveraging multiple datasets for deep leaf counting, *Proc. of ICCW*, pp. 2072–2079 (2017).
- [16] Krizhevsky, A.: Learning Multiple Layers of Features from Tiny Images, Technical report (2009).
- [17] Russakovsky, O., Deng, J., Su, ., Krause, J., Satheesh, S., Ma, S., Huang, Z., Karpathy, A., Khosla, A., Bernstein, M., Berg, A. C. and Fei-Fei, L.: ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge, *International Journal of Computer Vision*, Vol. 115, No. 3, pp. 211–252 (2015).
- [18] Hinton, G. E. and Salakhutdinov, R. R.: Reducing the Dimensionality of Data with Neural Networks, *Science*, Vol. 313, No. 5786, pp. 504–507 (2006).
- [19] Vincent, P., Larochelle, H., Bengio, Y. and Manzagol, P. A.: Extracting and composing robust features with denoising autoencoders, *Proc. of ICML*, pp. 1096–1103 (2008).
- [20] Zhang, R., Isola, P. and Efros, A. A.: Colorful Image Colorization, *Proc. of ECCV*, pp. 649–666 (2016).
- [21] Noroozi, M. and Favaro, P.: Unsupervised Learning of Visual Representations by Solving Jigsaw Puzzles, *Proc.* of ECCV, pp. 69–84 (2016).
- [22] Noroozi, M., Vinjimoor, A., Favaro, P. and Pirsiavash, H.: Boosting Self-Supervised Learning via Knowledge Transfer, *Proc. of CVPR*, pp. 9359–9367 (2018).
- [23] Gidaris, S., Singh, P. and Komodakis, N.: Unsupervised Representation Learning by Predicting Image Rotations, *Proc. of ICLR*, No. 2016, pp. 1–16 (2018).
- [24] 後藤雄佐,斎藤満保:個体群における水稲の分げつ性の解析:第1報基肥窒素量を異にする圃場条件下での茎数増加様式,日本作物學會紀事,Vol. 61, No. 3, pp. 356–363 (1992).
- [25] 大江真道,後藤雄佐,星川清親:深水処理が水稲分げつの出現に及ぼす影響,日本作物學會紀事,Vol. 63, No. 4, pp. 576–581 (1994).
- [26] Drucker, H., Surges, C. J. C., Kaufman, L., Smola, A. and Vapnik, V.: Support Vector Regression Machines, Vol. 1, pp. 155–161 (1997).
- [27] He, K., Zhang, X., Ren, S. and Sun, J.: Deep Residual Learning for Image Recognition, *Proc. of CVPR*, pp. 770–778 (2016).
- [28] Pedregosa, F., Varoquaux, G., Gramfort, A., Michel, V., Thirion, B., Grisel, O., Blondel, M., Prettenhofer, P., Weiss, R., Dubourg, V., Vanderplas, J., Passos, A., Cournapeau, D., Brucher, M., Perrot, M. and Duchesnay, E.: Scikit-learn: Machine Learning in Python, *Journal of Machine Learning Research*, Vol. 12, pp. 2825– 2830 (2011).



(d) 縦横比 8 クラス分類図 6: VGG16 における分げつ数の実測値に対する推定値.



図 7: ResNet50 における分げつ数の実測値に対する推定値.